# 1D15 数値天気予報データを用いた大気伝搬遅延量推定ツールの開発 。市川隆一 関戸衛 小山泰弘(情報通信研究機構 鹿島宇宙技術センター)

## A Software Package Development for Estimating Atmospheric Path Delay based on Numerical Weather Prediction Model

Ryuichi ICHIKAWA, Mamoru SEKIDO,

and Yasuhiro KOYAMA (KASHIMA SPACE RESEARCH CENTER, NICT)

Key words: GNSS, VLBI, atmospheric path delay, numerical weather prediction model, mapping function

### Abstract

Space geodetic positioning systems based on microwave signals, such as the Global Navigation Satellite System (GNSS) and Very Long Baseline Interferometry (VLBI), need to carefully model or cancel the atmospheric path delays in order that these propagation effects do not undermine positioning accuracy. Recently, the development of atmospheric model based on data from numerical weather prediction models have progressed to remove the delays. To apply such atmospheric model for the real correction around Asia monsoon region we have to take account for the highly variable mesoscale disturbances. We have started the development of the software package for estimating the path delays by ray tracing through the output fields of a numerical weather prediction model by Japan Meteorological Agency (JMA). In this paper we describe the preliminary results using the package.

## 1. はじめに

GPS、GLONASS、あるいは Galileo などの全地球衛星航 法システム (GNSS: Global Satellite Navigation System) や 我が国が開発を進めている準天頂衛星システムなどでは、人 工衛星から発射される信号を地球上の受信機で受信して測位 を行う。また、数 1000km に及ぶ距離をミリ精度で計測可能 な VLBI でも、銀河系外の電波星から到来する電波を複数の 電波望遠鏡で受信し、そのデータからアンテナ間での時間差 を求める。これらのマイクロ波を用いる宇宙測地計測技術で は、いずれも地球大気の底でデータ取得するために、電磁波 の速度が大気中では真空中より減速するために生じる大気遅 延 (Atmospheric Path Delay)の影響がデータに含まれてし まう。

特に、ミリの精度が要求される GNSS による地殻変動計 測、衛星軌道決定や標準時の高精度維持に不可欠な VLBI に よる地球姿勢<sup>(住1)</sup>モニター、あるいは惑星探査機の軌道決定 など精密測地の分野では、この大気遅延は深刻な誤差要因の 一つである [1]。

気象学の分野で天気予報に用いられる数値予報データを大 気遅延の除去を目的としたモデル構築に応用する研究が最近 進み、欧米の研究では GNSS や VLBI の観測結果の精度向 上に寄与することが確かめられつつある。これらの研究で使 用される気象データは、EU あるいは米国の気象機関で算出 されているものであり、我が国を含む東南アジア地域では必 ずしも効果的なモデルになっていない可能性がある。この最 大の要因は、モンスーン地域という世界でも有数の湿潤地域 で、時間的にも空間的にも大気変動が顕著なことにある。

一方、我が国の気象庁が定常的に算出する数値予報データ がここ2、3年ほど前よりネットで公開されるようになった。 このデータはアジア周辺の大気変動をよく再現出来ると考え られ、同データを用いて大気遅延のモデル化を行えば、我が 国周辺での観測精度向上への寄与が期待できる。そこで我々

<sup>(</sup>注1):地球自転速度変動や自転軸のふらつきを言う。前者は振幅が 1000 分

の1 秒程度の年周変動が、また後者は周期1年、及び1.2年、振幅3~10m の変動が支配的であるが、いずれも周期、振幅が1桁以上小さい変動も大気、 海洋、固体地球の影響によって生じている。



図1 大気屈折の模式図

は、このデータを用いて大気遅延を計算するプログラムの開 発に着手した。かつて、同様のプログラム試作を開発段階の 気象庁データに対して行ったが[2]、今回はより汎用性を高 め、最新の気象データに対応することを開発の主眼に置いて いる。本報告では、大気遅延の原理と数値天気予報データに ついて概説し、遅延量計算プログラムの開発方針について述 べる。本講演では、試作プログラムによる予備的計算結果に ついて報告する予定である。

## 2. 大気遅延誤差とその推定モデル

#### 2.1 大気遅延の基本原理

大気屈折による大気遅延は2つの物理的効果に起因する。 1つは、マイクロ波が誘電媒質である大気中を通過するため に真空中よりも減速され、見かけ上伝搬経路が伸びる効果で ある。2つめは、マイクロ波の伝搬経路が曲率 (ray bending) を持つため、直線より経路が実際に長くなる効果である。こ のとき、大気の密度は下層ほど大きいので、図1の大気屈折 の模式図に示したSのように上方に凸の伝搬経路となる。こ れらの効果による遅延  $\Delta L$  は次式で表される。

$$\Delta L = \int_{L} [n(s) - 1]ds + [S - G] \tag{1}$$

ここで、Gは GPS 衛星・クェーサーなどの電波源から地上 のアンテナまでの直線距離、n(s)は大気屈折によって曲率が 生じた伝搬経路 L上の点sにおける屈折率である。このと き、SはL上の微少部分 dsを積分して得られる。右辺第1 項が減速の効果であり、実際の電波は L上を大気中の伝搬速 度  $c_{atm}$  で伝搬するが、解析の上では真空中の速度 c で伝搬 したとみなされる。したがって、見かけ上伝搬経路が伸びた ことになる。そして、残りの右辺第2項が伝搬経路の曲率の 効果となり、当然の事ながらこの効果による遅延は天頂方向 で0となる。この曲率の効果は、仰角15度以上では1cm以下の経路長の伸びに相当するに過ぎないが、これよりも低仰角では急激に増大する。一方、減速の効果は曲率の効果に比べて3桁程度大きく、仰角15度では約10mにも達する。 さて、湿潤大気の屈折率は以下の式で与えられる[3]。

$$(n-1) \times 10^{6} = K_{1}(P_{d}/T) + K_{2}(P_{v}/T) + K_{3}(P_{v}/T^{2}),(2)$$

ここで、 $P_d$ 、 $P_v$ 及びTはそれぞれ乾燥大気分圧 (hPa)、水 蒸気分圧 (hPa)、及び絶対温度 (K) である。各項の係数 $K_1$ 、  $K_2$ 及び $K_3$ は室内実験より決定される定数である [4] [3]。式 (2)の右辺第1項と第2項は、各々乾燥大気成分と水蒸気の 誘導双極子の効果である。そして第3項が水蒸気分子がもと もと分極していることに起因する永久双極子の効果である。 電波伝搬の分野では、一般に式 (2)の右辺を以下のように整 理してそれぞれの効果に分けて記述する。

$$(n-1) \times 10^6 = K_1(P/T) + K_2'(P_v/T^2)$$
(3)

$$K_2' = (K_2 - mK_1)T + K_3.$$
(4)

ここで、式 (3) の P は全大気圧 (hPa)、また式 (4) の mは水蒸気分子の分子量と乾燥大気成分の平均分子量の比であ る。式 (4) 第2項の T は温度の鉛直プロファイルから与えら れるべきものである。ただし、実際には式 (4) 全体に対する この項の寄与が小さいことから、温度鉛直プロファイルを加 重平均した "mean temperature  $T_m$ " を、

$$T_m = \left[\int (P_v/T)dz\right] / \left[\int (P_v/T^2)dz\right].$$
 (5)

と定義して *T* の代わりとする [5]。なおこの *T<sub>m</sub>* は、地上 気温とほぼ比例関係にあることが確かめられている [6]。

一般に、式(3)の第1項を静水圧平衡にある湿潤大気成分 の密度に比例する寄与であることから、"静水圧項"と呼び、 これを積分して得られる遅延量を"静水圧遅延量"と呼ぶ。 式(3)の第2項は、物理的にはある密度で存在する水蒸気分 子の分極の効果が絶対温度に逆比例して小さくなることを示 し"湿潤項"と呼ぶ。この水蒸気の電磁物性を反映している 項を積分して得られる遅延量を"湿潤遅延量"と呼ぶ。

#### 2.2 マッピング関数

正確な大気遅延を得るためには、受信機のアンテナから天 球上の電波源を見た高度角及び方位角によって一意に決まる 伝搬経路上の気温・気圧・水蒸気分圧の値から大気屈折率を 計算し、これを積分する必要がある。これらの値は時々刻々 と変化し、場所によっても変動するため、大気遅延は時間・ 空間の双方の関数となる。実際の GNSS や VLBI の解析で は、このままで大気遅延を取り扱うには未知数が極めて多く なり、観測方程式を解くことは事実上不可能となる。

ある一定の時間内において大気が水平方向にはほぼ一様



図 2 マッピング関数の模式図

な構造を維持するとすれば、遅延量は仰角のみに依存する 関数となり、未知数を大幅に減らすことができる。宇宙測 地学では、この仰角依存関数を"マッピング関数 (mapping function)"と呼ぶ。ある仰角 $\theta$ の全遅延量 $\Delta L$ は下記のよう に簡単に表すことができる。

$$\Delta L = \Delta L_h^z M_h(\theta) + \Delta L_w^z M_w(\theta), \tag{6}$$

ここで、 $\Delta L_h^z \ge \Delta L_w^z$ は、それぞれ天頂方向の静水圧遅延 量と湿潤遅延量である。これらに乗じられている $M_h(\theta)$ と  $M_w(\theta)$ がマッピング関数である。図 2 はマッピング関数の 模式図である。マッピング関数は、第一近似としては $sin(\theta)$ の逆数を基本形として表現されるが、地球の曲率や、大気モ デルなども考慮して様々な形のマッピング関数が提唱され、 使用されている。代表的なマッピング関数は次のような連分 数形式で表される [7]。

$$m(\theta) = \frac{1}{\sin \theta + \frac{a}{\sin \theta (or \tan \theta) + \frac{b}{\sin \theta + \frac{c}{\sin \theta + \dots}}}}$$
(7)

ここで、θは電波源の真の仰角、a、b、及び c はそれぞれ マッピング関数のパラメータであり、定数、ないしは温度、 水蒸気分圧などの関数である。

これまでに GNSS や VLBI の観測データに含まれる大気 遅延除去には、球対称の多層構造を仮定した大気モデルが主 に使用されてきた。一方、最近では、主に鉛直測位成分の精 度向上を目的として低仰角観測を積極的に GNSS や VLBI 観測のスケジュールに組み込むようになっている。例えば、 我が国に約 1300 箇所の電子基準点を展開する国土地理院の GPS 連続観測システム (GEONET: GPS Earth Observation Network System) では観測の最低仰角を5度としている。

低仰角観測を実施する場合、大気下層に偏在する水蒸気の

水平変動の影響が特に顕著となる。そこで、大気の水平変動 をモデル化したマッピング関数(これを"方位依存マッピン グ関数"、あるいは"異方性マッピング関数"と呼ぶ)が開発 され、実用に供されてきた[8][9]。異方性マッピング関数で は、大気構造の水平変動を単純な一次平面の勾配で仮定する ことが多い。

## 3. 数値天気予報データと遅延量推定への応用

## 3.1 数値天気予報データ

気象学の分野において、現代の天気予報はすべて"数値予 報"により行われている。数値予報とは、物理方程式に基づ いて風、気温、気圧、湿度などの数式化したモデルにより、 これらの時間的、及び空間的変化をスーパーコンピュータを 用いて将来の大気の状態を計算する方法である。具体的に は、計算機で大気の状態を解析するために、図3に示したよ うな規則正しく並んだ格子で大気を細かく分割し、そのそれ ぞれの格子点での気象要素(風向、風速、気温、気圧、湿度) の値を全世界で同時に観測されるデータから求める。これを 初期値として、将来の大気の状態を計算で予測する(図4に 実際にモデルに組み込まれる物理過程を示した)。この計算 で用いられるソフトウェアを"数値予報モデル"と呼び、計 算結果が"数値天気予報データ<sup>(住2)</sup>"である。

#### 3.2 数値天気予報データによるマッピング関数推定

ここ数年、前述の数値予報モデルを GNSS 観測や VLBI 観測の大気遅延除去に応用し、大気の水平変動の時間変化に 応じて異方性マッピング関数を動的に逐次計算する手法が主 に欧米の研究者を中心に進められている [11], [12], [13]。しか



図3 気象庁数値予報モデルの計算格子の概念図[10]

(注2):単に数値予報データと呼ぶこともある



図 4 気象庁数値予報モデルで考慮されている様々な物理過程 [10]

表1 気象庁が定常業務で用いている数値気象データ[10]

モデル名	予報	水平	予報	計算
	領域	解像度	期間	頻度
メソモデル	日本周辺	$5 \mathrm{km}$	15 時間	8回/日
領域モデル	東アジア	$20 \mathrm{km}$	2 日間	2回/日
全球モデル	地球全体	$60 \mathrm{km}$	~9 日間	4回/日
台風モデル	台風周辺	$24 \mathrm{km}$	3.5 日間	4回/日
アンサンブル	地球全体	110 km	9 日間	1回/日
週間予報モデル				
1 か月	地球全体	110 km	1 か月	1回/週
予報モデル				

しながら、これらのモデルで考慮されているのは静水圧遅延 量の水平変動の効果のみであり、変動の激しい水蒸気につい てはまだモデルに組み込まれていない。また、我が国を含 むアジアモンスーン地域でしばしば生じるメソスケール現 象<sup>(注3)</sup>はこの水蒸気変動の最たるものであるが、これらを考 慮したマッピング関数の開発はまだ不充分である。

#### 3.3 気象庁数値天気予報データによる大気遅延推定

かつて筆者らは、気象庁が当時開発していた 10km 空間分 解能の数値予報データ(気象庁 10km 格子点データ)を用い て大気遅延量の計算ソフトウェアを試作した[2]。この試作ソ フトウェアは大気中での電波の伝搬経路上において数値予報 データから大気屈折率を逐次計算する波線追跡法により、任 意の方位・仰角での大気遅延量を計算する機能を持つ。これ を用いて、GNSS 観測や VLBI 観測で使用するマッピング関 数の性能評価を行った。図5は、同ソフトウェアにより計算 した天頂方向の湿潤遅延量マップと水蒸気空間分布の勾配を 示した例である。残念ながら、このときは使用できるデータ が1日分のみであったため、充分な数の解析事例を吟味する には至らなかった。

その後、我が国の気象庁では、2006年9月現在で表1に 示すように6種類の数値予報モデルが実用に供されるように なった。中でも、メソモデルは格子間隔5kmという極めて 高分解能のモデルであり、メソスケール現象の大部分を再現 できる。

さらに最近、気象庁が提供する数値予報モデルから算出 されるデータが複数の大学、あるいは研究グループによっ てインターネット上で提供されるようになってきた。筑波大 学[14]や地球流体電脳倶楽部[15]によるプロジェクトがそれ である。気象庁の数値予報データは、(財)気象業務支援セン ターを通じて配信コスト分の対価を支払うことにより有償で オンライン配信されている。ただし、配信後のデータ利用に ついては現時点では特に制限がないため、先のプロジェクト などが用意したアーカイブから毎日のデータを入手できる。 例えば、地球流体電脳倶楽部のサイトには 2002 年 5 月 15 日 から現在に至るまでのメソモデル、領域モデル、全球モデル の各モデルから算出された数値予報データがある。

図6は、これらのデータのうち、一例としてメソモデル

<sup>(</sup>注3):気象学の用語で時間スケールで数分〜数日、空間スケールで2km~ 2000km の範囲で変動する現象を言う。具体的な例としては、台風やその周 辺の降雨帯、積雲対流、集中豪雨、竜巻、あるいはダウンバーストなどの激し い降雨、降雪をともなうものをいう。



図 5 1989 年 6 月 29 日 0 時 UTC の気象庁 10km 数値予報データから計算した天頂方向の 湿潤遅延量マップ。図では右下すみの日本列島南方海上に低気圧の中心が位置し、そ こに向かって水蒸気が流れ込んでいる。図中の矢印は水蒸気量分布の空間勾配を示し、 各々の場所において最も水蒸気の多い方向に矢印が向く。この空間勾配は、60 セット の方位・仰角の組み合わせから波線追跡法を用いて数値予報データより計算した視線 方向の伝搬遅延量を元にして推定した。

データに含まれる地上気温の分布を示したマップである。メ ソモデルは、間隔 5km の格子点が経度方向に 361 個、緯度 方向に 289 個並び、中国大陸東岸からほぼ我が国全域を含 む広大な領域での大気現象を解析できる。したがって、この データを用いて、アジア周辺あるいは地球規模で季節変動や 様々なメソスケール現象下での大気遅延の振る舞いについて より詳細に調べるために極めて有効と考えられる。また、ア ジアモンスーン地域に適した異方性マッピング関数を算出す る目的にも適用可能である。そこで、我々は、かつての試作 ソフトウェアを元に、最新の数値予報データに適合した大気 遅延推定ツールの開発に着手した。このツールでも電波の伝 搬経路を波線追跡法により計算する。現時点では、コーディ ングには Fortran を用いているが、将来的には汎用性や可視 化を考慮して MATLAB への移植を考えている。

## 4. まとめ

気象庁の数値天気予報データを用いてマイクロ波の大気伝 搬遅延量を推定するツールの開発に着手した。これは、GPS、 GLONASS、あるいは Galileo などの GNSS や準天頂衛星シ ステムによる地上での測位や衛星の精密軌道決定、あるいは 地上の追跡局による惑星探査機の航法支援など、大気に覆わ れた地球上という条件下で高精度計測を望む場合に不可避な 大気遅延の影響を取り除くことが究極の目的である。気象庁 では、6種類の数値天気予報モデルを定常業務に用いている が、このうち空間分解能5kmのメソモデルデータをはじめ3 種類の数値予報モデルデータについてはインターネット経由 で自由に入手可能である。これらのデータを用いることで、 時間的にも空間的にも顕著な大気変動がもたらされるアジア モンスーン地域という世界でも有数の湿潤地域で利用可能な 遅延量除去手法の確立に繋げることが出来ると考えている。



布図。

まず、本開発では、波線追跡法を用いて任意の方位・仰角か らの電波の伝搬経路に沿って大気遅延を計算するプログラム の完成を目指す。その後、このツールを用いて、水蒸気の空 間変動を考慮した我が国独自の遅延量除去モデル(日本版異 方性マッピング関数)の開発や、様々な気象条件下での大気 による計測誤差評価に繋げていきたいと考えている。

**謝辞** 気象庁の萬納寺信崇氏 (現気象庁台風センター所長) より気象庁 10km 格子点データの提供を頂いた。また、地球 流体電脳倶楽部 [15] のサイトからは数値予報モデルデータや ツールを取得させて頂いた。ここに記して感謝の意としたい。

## 参考文献

- Macmillan, D. S. and C. Ma, Evaluation of very long baseline interferometry atmospheric modeling improvements, J. Geophys. Res., 99, 637–651, 1994.
- [2] Ichikawa, R., M. Kasahara, N. Mannoji, and I. Naito, Estimations of atmospheric excess path delay based on three-dimensional, numerical prediction model Data, J. Geod. Soc. Japan, 41, 379–408, 1996.
- [3] Thayer, G. D., An improved equation for the radio refractive index of air, *Radio Sci.*, 9, 803–807, 1974.
- [4] Smith, E. K. and S. Weintraub, The constants in the equation for atmospheric refractive index at radio frequencies, *Proc. IEEE*, 41, 1035–1037, 1953.
- [5] Davis, J. L., T. A. Herring, I. I. Shapiro, A. E. E. Rogers, and G. Elgered, Geodesy by radio interferometry: Effects of atmospheric modeling errors on estimates of baseline length, *Radio Sci.*, 20, 1593–1607, 1985,

- [6] Bevis, M., S. Businger, T. A. Herring, C. Rocken, R. A. Anthes, and R. H. Ware, GPS Meteorology: Remote sensing of atmospheric water vapor using the Global Positioning System, J. Geophys. Res., 97, 15787–15801, 1992.
- [7] Niell, A. E., Global mapping functions for the atmosphere delay at radio wavelengths. J. Geophys. Res., 101, 3227-3246, 1996
- [8] MacMillan, D.S. Atmospheric gradients from very long baseline interferometry observations, *Geophys. Res. Lett.*, 22, 1041-1044, 1995.
- [9] Chen, G. and T. A. Herring, Effects of atmospheric azimuthal asymmetry on the analysis of space geodetic data, J. Geophys. Res., 102, 20489-20502, 1997.
- [10] 気象庁 WEB サイト, http://www.kishou.go.jp/know/whitep/1-3-1.html より
- [11] Niell, A. E., A. J. Coster, F. S. Solheim, V. B. Mendes, P. C. Toor, R. B. Langley, and C. A. Upham, Comparison of measurements of atmospheric wet delay by radionsonde, water vapor radiometer, GPS, and VLBI, J. Atmos. Oceanic Technol., 18, 830-850, 2001.
- [12] Boehm, J. and H. Schuh, Vienna Mapping Functions in VLBI analyses, *Geophys. Res. Lett.*, 31, L01603, doi:10.1029/2003GL018984, 2004.
- [13] Boehm, J., B. Werl and H. Schuh, Troposphere mapping functions for GPS and very long baseline interferometry from European Centre for Medium-Range Weather Forecasts operational analysis data, J. Geophys. Res., 111, B02406, doi:10.1029/2005JB003629, 2006.
- [14] GPV/JMA Archive(筑波大学), http://gpvjma.ccs.hpcc.jp/gpvjma/index.html

   [15] 地球流体電脳倶楽部、
  - http://davis.rish.kyoto-u.ac.jp/